

**QUESTÃO 1 [2,0]** - Pretende-se tornear externamente um eixo de aço de diâmetro inicial 104 mm. A usinagem foi realizada com uma ferramenta de metal duro, aplicando um profundidade de corte de  $a = 2$  mm e um avanço de  $f = 0,1$  mm/rotação. Para essa operação de usinagem foi usado um torno CNC com uma eficiência de 90%. Sabendo que o comprimento a ser torneado é de 200 mm, que a ferramenta de corte possui ângulo de posição de  $\chi = 90^\circ$ , ângulo de saída de  $\gamma = 6^\circ$ , ângulo de inclinação de  $\lambda = 0^\circ$  e ângulo de folga de  $\alpha = 2^\circ$ , determine:

- [0,5]** Sabendo que a velocidade de corte ótima é de 314 m/min determine a rotação em rpm para essa usinagem.
- [0,5]** Qual o tempo de corte dessa operação de torneamento?
- [0,5]** Sabendo que o torno foi instrumentalizado com um dinamômetro para medir a força de corte, a qual apresentou uma média de 600 N, determine a pressão específica de corte ( $K_s$ ).
- [0,5]** Faça um desenho esquemático da cunha de corte com os seus respectivos ângulos e calcule o ângulo de cunha ( $\beta$ ).

Obs.: Considere a constante  $\pi$  (pi) igual a 3,14 para efeito de cálculos.

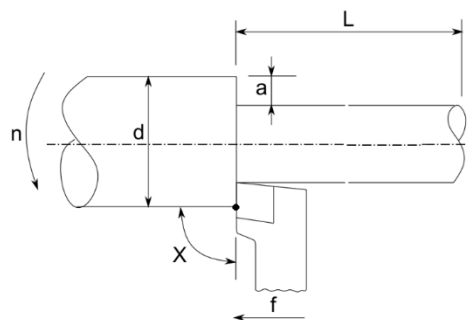
**GABARITO:**

a) Cálculo da rotação a partir da fórmula da velocidade de corte:

$$V_c = \frac{\pi \cdot d \cdot n}{1000} \text{ [m/min]}$$

Então,

$$n = \frac{1000 \cdot V_c}{\pi \cdot d} \text{ [rpm]}$$



Como,

$$d = 104 \text{ mm}$$

$$n = \frac{1000 \cdot 314 \text{ m/min}}{3,14 \cdot 104 \text{ mm}} = 962 \text{ rpm}$$

Resposta:  $n = 962 \text{ rpm}$

Critério de correção:

- Considerou  $d=100$  mm, e fez o restante corretamente: 0,5;
- Fórmula errada: 0,0;
- Montou a fórmula apenas, mas não calculou: 0,1;
- Montou a fórmula correta, mas errou o cálculo por pouco: 0,4;
- Raciocínio correto, mas aproximou grosseiramente o resultado final: 0,4;
- Fora da folha de resposata: 0,0;
- Fez corretamente, ma acrescentou informações erradas: 0,4;

b) Calculo do tempo de corte ( $t_c$ ) no torneamento externo:

$$t_c = \frac{L}{V_f} = \frac{L}{f \cdot n}$$

Substituindo os valores:

$$t_c = \frac{200 \text{ mm}}{0,1 \text{ mm/rot.} \cdot 962 \text{ rpm}} = 2.08 \text{ min}$$

Resposta:  $t_c = 2.08 \text{ min}$

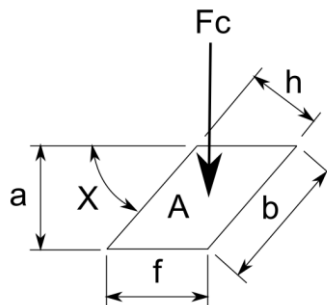
Critério de correção:

- Fórmula errada: 0,0;
- Montou a fórmula apenas, mas não calculou: 0,1;
- Montou a fórmula correta, mas errou o cálculo por pouco: 0,4;
- Raciocínio correto, mas aproximou grosseiramente o resultado final: 0,4;
- Fora da folha de resposata: 0,0;
- Fez corretamente, ma acrescentou informações erradas: 0,4;

c) Pressão específica de corte ( $K_s$ )

$$K_s = \frac{F_c}{A} [MPa]$$

A pressão específica de corte é calculada a partir da força de corte e da área de seção do corte. Quando  $\chi = 90^\circ$ ,  $a = b$  e  $f = h$ .



$$A = a \cdot f = b \cdot h$$

Assim,

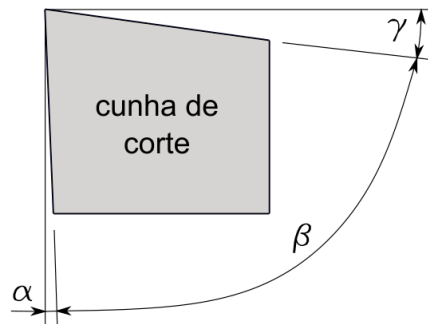
$$K_s = \frac{600 \text{ N}}{2 \text{ mm} \cdot 0,1 \text{ mm}} = 3000 \text{ MPa}$$

Resposta:  $K_s = 3000 \text{ MPa}$

Critério de correção:

- Fórmula errada: 0,0;
- Montou a fórmula apenas, mas não calculou: 0,1;
- Montou a fórmula correta, mas errou o cálculo por pouco: 0,4;
- Raciocínio correto, mas aproximou grosseiramente o resultado final: 0,4;
- Fora da folha de resposata: 0,0;
- Fez corretamente, ma acrescentou informações erradas: 0,4;

d) Geometria da ferramenta de corte (cunha de corte):



Ângulo de cunha:  $\beta = 90 - \alpha - \gamma$

$$\beta = 90^\circ - 2^\circ - 6^\circ = 82^\circ$$

Resposta:  $\beta = 82^\circ$

Critério de correção:

- Não fez o desenho corretamente e nem calculou o ângulo = 0,0;
- Errou conta: 0,3;

## Gabarito da Questão 2

**QUESTÃO 2 [2,0 pontos]:** Seja uma viga em balanço de comprimento  $4L$  metros. O engaste desta viga está localizado na coordenada  $x = 0$  m. Aplicou-se a esta viga uma carga com distribuição uniforme  $q_1$  N/m que se inicia em  $x = 2L$  m, e a partir de  $x = 3L$  m essa carga distribuída passa a aumentar linearmente, chegando a um valor  $q_2$  N/m em  $x = 4L$  m. Para essa viga, conforme mostrado na Figura 1, obtenha:

- a) [1,0]: Os Esforços de Reação (Forças e Momentos de Forças) no engaste;  
 b) [0,5]: Uma expressão para o Esforço Cortante para todo o comprimento da viga,  $V(x)$  ;  
 c) [0,5]: Uma expressão para o Momento Fletor para todo o comprimento da viga,  $M(x)$  ;

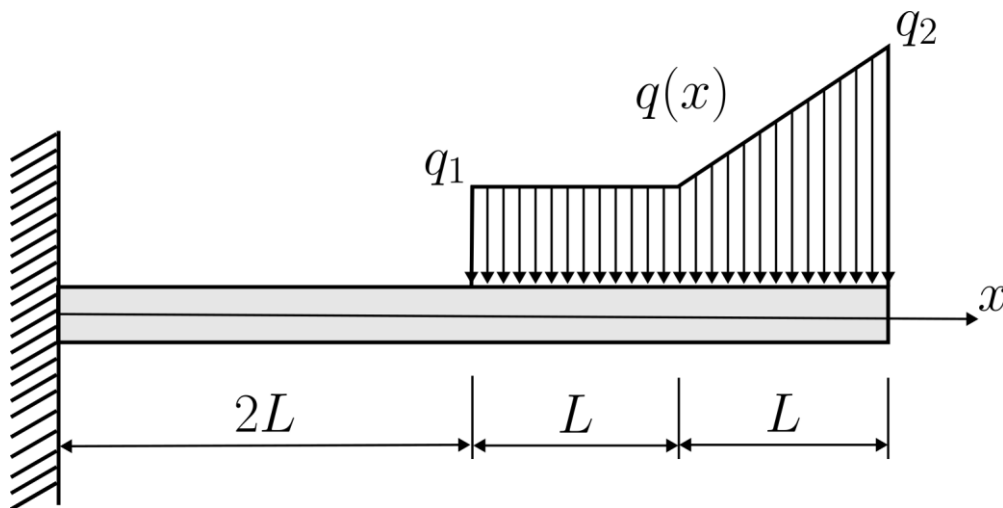


Figura 1: Distribuição de Carga em viga para a resolução da Questão 2

Resolução:

$$q(x) = M_0 \langle x \rangle^{-2} + R_0 \langle x \rangle^{-1} - q_1 \langle x - 2L \rangle^0 - \frac{(q_2 - q_1)}{L} \langle x - 3L \rangle^1$$

$$\frac{dV(x)}{dx} = q(x)$$

$$V(x) = M_0 \langle x \rangle^{-1} + R_0 \langle x \rangle^0 - q_1 \langle x - 2L \rangle^1 - \frac{(q_2 - q_1)}{2L} \langle x - 3L \rangle^2$$

$$\frac{dM(x)}{dx} = V(x)$$

$$M(x) = M_0 \langle x \rangle^0 + R_0 \langle x \rangle^1 - \frac{q_1}{2} \langle x - 2L \rangle^2 - \frac{(q_2 - q_1)}{6L} \langle x - 3L \rangle^3$$

Item a:

$$V(4L) = 0$$

$$V(4L) = R_0 - 2Lq_1 - \frac{(q_2 - q_1)}{2}L = 0$$

$$R_0 = \frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}$$

$$M(4L) = 0$$

$$M(4L) = R_0 \cdot 4L + M_0 - \frac{q_1}{2}(2L)^2 - \frac{(q_2 - q_1)L^3}{6L} = 0$$

$$M_0 = -\frac{25L^2q_1}{6} - \frac{11L^2q_2}{6}$$

O sinal pode variar dependendo do referencial escolhido pelo candidato.

#### Critérios de correção:

- Acertar apenas a força de reação, ou apenas o momento de reação (0,5 pontos)
- Erro na força e momento de reação por não subtrair o  $q_1$  na carga triangular (0,5 pontos)
- Pequenos erros de cálculos (-0,1)
- Erros de cálculos consideráveis, porém acertando a teoria (-0,25)

#### Item b:

$$V(x) = -\left(\frac{25L^2q_1}{6} + \frac{11L^2q_2}{6}\right)(x)^{-1} + \left(\frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}\right)(x)^0 - q_1(x - 2L)^1 - \frac{(q_2 - q_1)}{2L}(x - 3L)^2$$

Ou:

$$V(x) = \begin{cases} \left(\frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}\right) \text{ para } 0 < x < 2L \\ \left(\frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}\right) - q_1(x - 2L) \text{ para } 2L < x < 3L \\ \left(\frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}\right) - q_1(x - 2L) - \frac{(q_2 - q_1)}{2L}(x - 3L)^2 \text{ para } 3L < x < 4L \end{cases}$$

#### Critérios de correção:

- Acertar apenas a primeira seção (0,2)
- Acertar a primeira e a segunda seção (0,4)
- Pequenos erros de cálculos (-0,1)
- Erros de cálculos consideráveis, porém acertando a teoria (-0,25)

Item c:

$$M(x) = -\left(\frac{25L^2q_1}{6} + \frac{11L^2q_2}{6}\right)\langle x \rangle^0 + \left(\frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}\right)\langle x \rangle^1 - \frac{q_1}{2}\langle x - 2L \rangle^2 - \frac{(q_2 - q_1)}{6L}\langle x - 3L \rangle^3$$

Ou:

$$M(x) = \begin{cases} -\left(\frac{25L^2q_1}{6} + \frac{11L^2q_2}{6}\right) + \left(\frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}\right)x & \text{para } 0 < x < 2L \\ -\left(\frac{25L^2q_1}{6} + \frac{11L^2q_2}{6}\right) + \left(\frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}\right)x - \frac{q_1}{2}(x - 2L)^2 & \text{para } 2L < x < 3L \\ -\left(\frac{25L^2q_1}{6} + \frac{11L^2q_2}{6}\right) + \left(\frac{3q_1L}{2} + \frac{q_2L}{2}\right)x - \frac{q_1}{2}(x - 2L)^2 - \frac{(q_2 - q_1)}{6L}(x - 3L)^3 & \text{para } 3L < x < 4L \end{cases}$$

**Critérios de correção:**

- Acertar apenas a primeira seção (0,2)
- Acertar a primeira e a segunda seção (0,4)
- Pequenos erros de cálculos (-0,1)
- Erros de cálculos consideráveis, porém acertando a teoria (-0,25)

Observações:

1. Esta resolução foi elaborada utilizando o Método de Funções Descontínuas (CRAIG JR.; ROY, 2003)\*, contido na bibliografia do concurso, no entanto, soluções corretas utilizando outros métodos também serão aceitas, considerando os critérios de correção.
2. Para esta resolução, adotou-se a convenção de sinais para  $V(x)$  e  $M(x)$  de acordo com Craig Jr. e Roy (2003, p.199)\*, contido na bibliografia do concurso, no entanto, soluções corretas utilizando outras convenções de sinais também serão aceitas.

\*CRAIG JR., ROY R., Mecânica dos Materiais, 2a edição, Rio de Janeiro: LTC, 2003.

## Gabarito da Questão 3

**QUESTÃO 3 [2,0 pontos]:** Na Figura 2, é mostrado um mecanismo conhecido como Garfo Escocês (*Scotch Yoke*). Este dispositivo consiste em um disco (manivela) com um pino solidário a ele, de modo que o pino e o disco formam um único elo; o pino desliza acoplado à guia de um garfo (seguidor). Para este mecanismo, determine:

a)[0,5]: O número total de elos e a classificação de cada junta (par cinemático);

b) [0,5]: A mobilidade do mecanismo;

c)[1,0]: Esboce o mecanismo com a localização de todos os Centros Instantâneos de Velocidade.

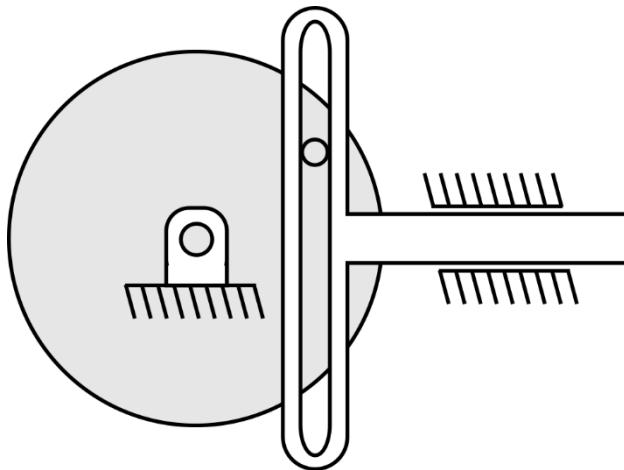
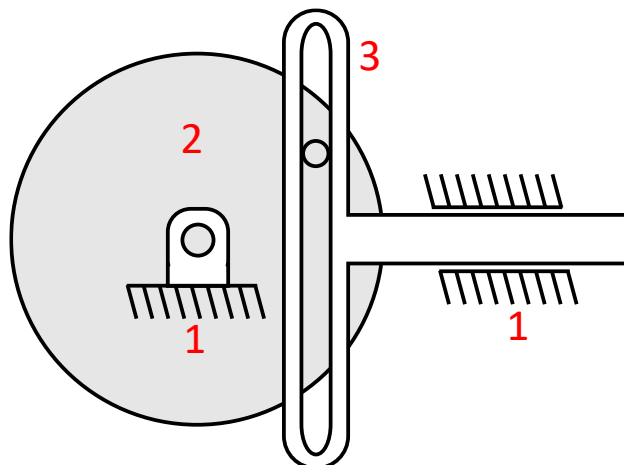


Figura 2: Mecanismo para resolução da Questão 3.

Resolução:



### Item a:

Número de elos ( $L$ ) igual a 3.

Também será considerado o número de elos igual a 4 (Equação de Grubler sem a modificação de Kutzbach).

Junta 1-2: Junta de revolução (junta completa,  $J_1$ )

Junta 2-3: Junta deslizante (meia junta,  $J_2$ )

Junta 1-3: Junta prismática (junta completa,  $J_1$ )

$$L = 3$$

$$J_1 = 2$$

$$J_2 = 1$$

Critérios de correção:

- Acertar apenas o número de elos (0,25);
- Acertar o número de elos e errar a caracterização de uma junta (0,4);
- Acertar o número de elos e errar a caracterização de duas juntas (0,3);

### Item b:

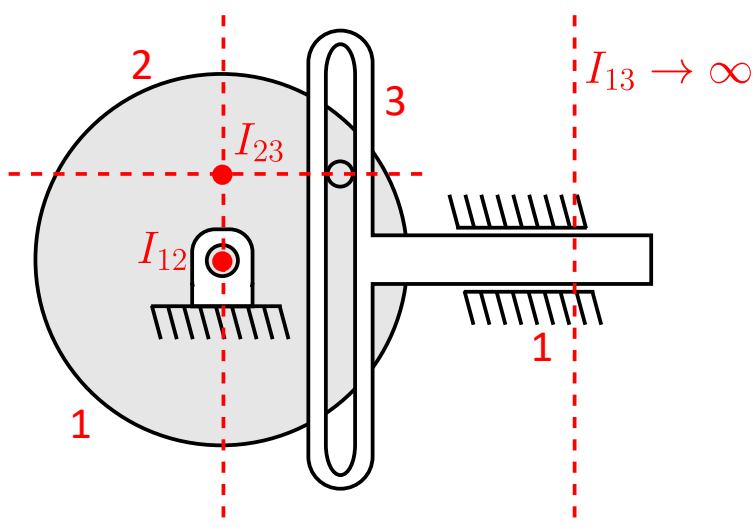
$$M = 3(L - 1) - 2J_1 - 1J_2 = 1 \text{ GDL}$$

Resposta: 1

Critérios de correção:

- Resposta correta (0,5 pontos);
- Resposta incorreta (0,0 pontos).

### Item c:



**Critérios de correção:**

- Todos os 3 CIVs corretos (1,0 ponto);
- 2 CIVs corretos (0,67 pontos)
- 1 CIV correto (0,33 pontos)

### GABARITO DA QUESTÃO 4)

a) (0,80 ponto) A equação geral de conservação da massa, dada no enunciado é

$$\frac{\partial}{\partial t} \left[ \int_{VC} \rho dV \right] + \int_{SC} \rho(\vec{v} \cdot \vec{n}) dA = 0 \quad (1)$$

**Simplificações:**

I) Fluido incompressível ( $\rho = \text{cte}$ ). Logo a integral no VC da Eq. (1) é dada por

$$\int_{VC} \rho dV = \rho \int_{VC} dV = \rho V \quad (2)$$

II) Entradas e saídas constantes: Há apenas uma entrada (1) e uma saída (2). Logo, a integral na superfície de controle da Eq. (1) pode ser simplificada para

$$\int_{SC} \rho(\vec{v} \cdot \vec{n}) dA = \rho_2 v_2 A_2 - \rho_1 v_1 A_1 \quad (3)$$

Como o fluido é incompressível, a Eq. (3) resume-se a

$$\int_{SC} \rho(\vec{v} \cdot \vec{n}) dA = \rho(v_2 A_2 - v_1 A_1) \quad (4)$$

Assim, a equação de conservação da massa, Eq. (1) é reescrita como

$$\frac{\partial}{\partial t} [\rho V] + \rho(v_2 A_2 - v_1 A_1) = 0 \quad (5)$$

Como o fluido é incompressível, tem-se que

$$\rho \frac{\partial V}{\partial t} + \rho(v_2 A_2 - v_1 A_1) = 0 \rightarrow \frac{\partial V}{\partial t} + v_2 A_2 - v_1 A_1 = 0 \quad (6)$$

Substituindo o volume do tanque cilíndrico e sabendo que  $h$  varia com o tempo e o diâmetro  $D$  do tanque é constante, obtém-se

$$\frac{\pi D^2}{4} \frac{dh}{dt} + v_2 A_2 - v_1 A_1 = 0 \rightarrow \frac{dh}{dt} = \frac{4(v_1 A_1 - v_2 A_2)}{\pi D^2} \quad (7)$$

Por fim, a taxa de variação  $dh/dt$ , em função apenas das variáveis do problema, é expressa como

$$\frac{dh}{dt} = \frac{4(v_1 A_1 - Q_2)}{\pi D^2} = \frac{4(v_1 A_1 - v_2 A_2)}{\pi D^2} \quad (8)$$

O nível de fluido no tanque se elevará quando  $dh/dt > 0$ . Assim, pela Eq. (8) tem-se que

$$\frac{dh}{dt} > 0 \rightarrow \frac{4(v_1 A_1 - Q_2)}{\pi D^2} > 0 \rightarrow v_1 A_1 - Q_2 > 0 \rightarrow v_1 > \frac{Q_2}{A_1} \quad \text{ou} \quad v_1 > \frac{v_2 A_2}{A_1} \quad (9)$$

### Respostas finais:

- **Expressão para a variação do nível de fluido no tanque ao longo do tempo:**

$$\frac{dh}{dt} = \frac{4(v_1 A_1 - Q_2)}{\pi D^2}$$

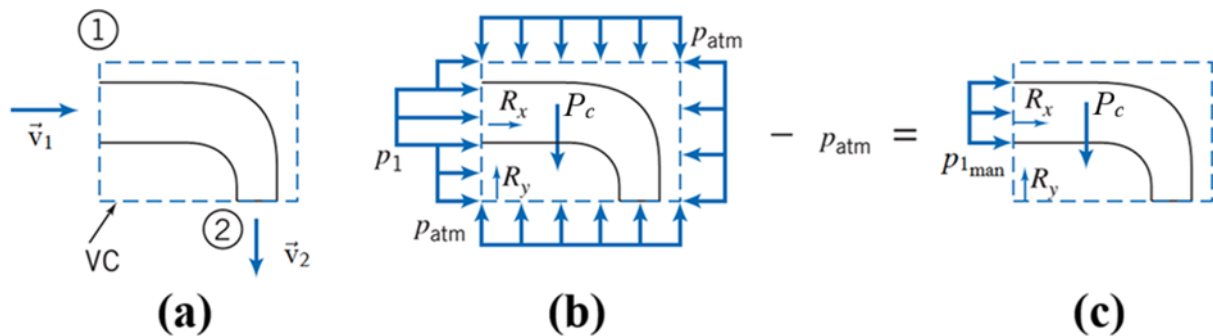
- **Condição de  $v_1$  para o nível de fluido no tanque se aumentar:**

$$v_1 > \frac{Q_2}{A_1}$$

### A pontuação (0,80 ponto) da questão é dividida da seguinte forma:

- \* **(0,20 ponto)** Escrita das simplificações utilizadas (cada uma 0,10).
- \* **(0,25 ponto)** Desenvolvimento para obtenção de  $dh/dt$ .
- \* **(0,15 ponto)** Equação final correta para  $dh/dt$ .
- \* **(0,05 ponto)** Justificativa para aumento do nível de fluido no tanque,  $dh/dt > 0$ .
- \* **(0,15 ponto)** Expressão de  $v_1$  para o nível do fluido no tanque aumentar.

**b) (1,20 pontos)** O volume de controle para análise do cotovelo Figura (a) é apresentado a seguir, com as forças ( $P$ ,  $R_x$  e  $R_y$ ) e indicações de pressões ( $p_1$ ,  $p_{atm}$  e  $p_{1,man}$ ) que agem sobre o cotovelo Figura (b), sendo a Figura (c) utilizada para os cálculos, já que o enunciado indicou para utilizar a pressão manométrica.



A equação geral de conservação de quantidade de movimento linear (*momentum*) é dada por

$$\vec{F}_C + \vec{F}_S = \frac{\partial}{\partial t} \left[ \int_{VC} \vec{v} \rho dV \right] + \int_{SC} \vec{v} \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) dA = 0 \quad (10)$$

Os vetores velocidades na entrada e na saída, seguindo o eixo  $xy$  da figura, são:

$$\vec{v}_1 = u_1 \hat{i} \quad \& \quad \vec{v}_2 = -v_2 \hat{j} \quad (11)$$

As equações de conservação da quantidade de movimento linear nas direções  $x$  e  $y$ , dadas no enunciado, são

$$F_{C_x} + F_{S_x} = \frac{d}{dt} \left[ \int_{VC} u \rho dV \right] + \int_{SC} u \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) dA \quad (12)$$

e

$$F_{C_y} + F_{S_y} = \frac{d}{dt} \left[ \int_{VC} v \rho dV \right] + \int_{SC} v \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) dA \quad (13)$$

Analisando cada direção:

→ **Direção x:**

### Simplificações:

I) Escoamento em regime permanente logo a derivada temporal é nula, ou seja,

$$\frac{d}{dt} \left[ \int_{VC} u \rho dV \right] = 0 \quad (14)$$

II) Não há forças de campo na direção, logo.

$$F_{C_x} = 0 \quad (15)$$

III) Considerando apenas a pressão manométrica, já que a pressão atmosférica age em ambos os lados do cotovelo, a força de superfície é dada por

$$F_{S_x} = p_{1_{man}} A_1 + R_x \quad (16)$$

OBS.:  $R_x$  é positiva pois no VC ela foi considerada no sentido positivo de  $x$ .

IV) Há apenas uma entrada de massa na direção  $x$ , cuja velocidade é  $u_1$ , logo a integral na SC pode ser simplificada para

$$\int_{SC} u \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) dA = -u_1 \rho_1 u_1 A_1 = -\rho_1 A_1 u_1^2 \quad (17)$$

Desse modo, a equação de conservação de *momentum* na direção  $x$ , Eq. (12), é escrita como:

$$p_{1_{man}} A_1 + R_x = -\rho_1 A_1 u_1^2 \quad (18)$$

Logo, a força de reação na direção  $x$  é dada por

$$R_x = -\rho_1 A_1 u_1^2 - p_{1_{man}} A_1 \quad (19)$$

→ **Direção y:**

\* Escoamento em regime permanente logo a derivada temporal é nula, ou seja,

$$\frac{d}{dt} \left[ \int_{VC} u \rho dV \right] = 0 \quad (20)$$

\* Há forças de campo, o peso do cotovelo é da água, representado por  $P$  na figura do volume de controle analisado, logo,

$$F_{c_y} = -P_c = -m_c g \quad (21)$$

\* As forças de superfície devido à pressão atmosférica se cancelam. Logo, a única força de superfície é a de reação na direção  $y$ , ou seja,

$$F_{s_y} = R_y \quad (22)$$

\* Há apenas saída na direção  $y$ , logo o termo do lado direito da equação de conservação de *momentum* é dado por

$$\int_{SC} v \rho (\vec{v} \cdot \vec{n}) dA = -v_2 \rho_2 v_2 A_2 = -\rho_2 A_2 v_2^2 \quad (23)$$

OBS.: O sinal negativo é devido ao sentido de a velocidade ser contrário ao sentido positivo considerado para o eixo  $y$ .

Desse modo, a equação de conservação de *momentum*, Eq. (13), é resumida à forma

$$-m_c g + R_y = -\rho_2 A_2 v_2^2 \quad (24)$$

Logo, a reação na direção  $y$  é calculada por

$$R_y = m_c g - \rho_2 A_2 v_2^2 \quad (25)$$

Como o fluido é incompressível,  $\rho_1 = \rho_2 = \rho$ . Logo, a força de reação  $\vec{R}$  necessária para manter o cotovelo estático é

$$\vec{R} = [-\rho A_1 u_1^2 - p_{1_{man}} A_1] \hat{i} + [m_c g - \rho A_2 v_2^2] \hat{j} \quad (26)$$

**OBS.: O sentido negativo da componente na direção  $x$  e do segundo termo na componente na direção  $y$  foi devido ao sentido escolhido no VC (vide imagem no início da resolução). Caso o candidato considere outros sentidos, sua resposta terá sinais distintos, porém deve ser aceita. Por isso é crucial que ele faça a representação esquemática mostrando os sentidos escolhidos para as reações  $R_x$  e  $R_y$ .**

**Resposta final:**

➤ Equação que expresse a força de reação para manter o cotovelo estático:

$$\vec{R} = [-p_{1_{man}} A_1 - \rho u_1^2 A_1] \hat{i} + [-m_c g - \rho v_2^2 A_2] \hat{j}$$

**A pontuação (1,20 ponto) da questão é dividida da seguinte forma:**

- \* **(0,10 ponto)** Representação esquemática do VC, com todas as forças, e pressões.
- \* **(0,10 ponto)** Simplificações na equação de *momentum* para o cálculo da força na direção  $x$ .
- \* **(0,35 ponto)** Obtenção da equação para cálculo da força  $R_x$ .
- \* **(0,10 ponto)** Simplificações na equação de *momentum* para o cálculo da força na direção  $y$ .
- \* **(0,35 ponto)** Obtenção da equação para cálculo da força  $R_y$ .
- \* **(0,20 ponto)** Resposta final para a força vetorial  $\vec{R}$ . (Deve estar coerente com a representação do VC em relação aos sinais das componentes).

### Questão (5) de térmica

Um cilindro-pistão contém 10 kg de ar, inicialmente a 30 °C, que é submetido a um processo de expansão isobárica sob pressão de 1 atm. Durante o processo, o gás recebe energia de uma fonte térmica externa de forma que sua temperatura final atinja 130 °C em um intervalo de tempo de 1000 segundos.

Considerando o ar como um gás ideal com comportamento de calor específico constante, onde  $R_{\text{ar}} = 0,29 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$  e  $c_v = 0,72 \text{ kJ}/(\text{kg}\cdot\text{K})$ , e desprezando variações de energia cinética e potencial, determine:

- o trabalho realizado,
- a variação da energia interna do processo
- a taxa de transferência de calor necessária para o processo.

### Gabarito

1ª Lei:  $Q - W = \Delta U$ ; pressão constante  $p = 1 \text{ atm} \approx 101,3 \text{ kPa}$ .

O trabalho realizado pelo gás durante o processo de expansão/ Pressão constante é:

$$W_{12} = \int p \, dV$$
$$W_{12} = p(V_2 - V_1)$$

Mas:

$$pv = RT \rightarrow V/m = RT/p \rightarrow V = mRT/p$$
$$v = V/m$$

Assim:

$$W_{12} = mR(T_2 - T_1).$$

$$W_{12} = 10 \cdot 0,29 \cdot 10^3 \cdot (130 - 30)$$

$$Kg \cdot \frac{J}{Kg \cdot K} \cdot K$$

$$W_{12} = 10 \cdot 290 \cdot (130 - 30)$$

$$W_{12} = 290 \text{ kJ (a)}$$

Potência:

$$\dot{W}_{12} = W_{12}/\Delta t$$

$$\dot{W}_{12} = 290 \text{ kJ} / 1000 \text{ s} \quad \frac{J}{s} = W$$

$$\dot{W}_{12} = 290 \cdot 10^3 \text{ J} / 1000 \text{ s} = 290 \text{ W}$$

A variação da energia interna do gás é dada por:

$$\Delta U = mC_v\Delta T$$

$$\Delta U = 10 \cdot 0,72 \cdot 10^3 \cdot (130 - 30). \quad Kg \cdot \frac{J}{Kg \cdot K} \cdot K$$

$$\Delta U = 10 \cdot 72000 \text{ J}$$

$$\Delta U = 720,0 \text{ kJ (b)}$$

Assumindo taxa constante de transferência de energia:

$$dU/dt = \Delta U/\Delta t$$

$$dU/dt = 720,0 \text{ kJ} / 1000 \text{ s} = 720,0 \text{ W}$$

Assim, a taxa de transferência de calor é:

$$\dot{Q} = \dot{W} + dU/dt$$

$$\dot{Q} = 290 + 720,0 = 1010 \text{ W (c)} \text{ -O sinal positivo indica que calor foi adicionado ao sistema.}$$

### Tabela de Critérios de Correção

Letras Avaliadas	Pontuação Integral: 0,60 ponto	Pontuação Parcial: 0,30 ponto
a	-Apresentação correta da fórmula de expansão isobárica $W = mR\Delta T$ ; -Substituição correta dos valores e unidade final correta em kilojoules (287kJ)	Demonstração do raciocínio e da integral da pressão com erro estritamente matemático ou omissão da unidade.
b	-Aplicação direta da relação de gás ideal ( $\Delta U = m c_v \Delta T$ ); -Correlação correta de escalas térmicas e resultado exato em kilojoules (720,0 kJ)	Uso correto da fórmula com erro na conversão do calor específico ou falta de coerência nas unidades
c	-Primeira Lei da Termodinâmica em termos de taxa ( $Q = W + dU/dt$ ); divisão correta pelo intervalo de tempo (1000 s) e resposta final em Watts (1007,0 W).	Soma correta do trabalho e energia interna sem dividi-los pela taxa temporal (calculando apenas calor total (Q em kJ) ou erro na unidade de potência.
a,b e c	<b>Pontuação Integral: 0,20 ponto</b> Uso correto da análise dimensional e representação correta das unidades de energia (kJ) e potência (W) ao longo de todo o desenvolvimento.	